

**НАЦІОНАЛЬНА АКАДЕМІЯ
СТАТИСТИКИ, ОБЛІКУ ТА АУДИТУ**

Національна академія статистики, обліку та аудиту
заснована 1992 року в Києві. У складі Академії діє
Факультет статистики та обліку, Факультет аудиту та
Факультет менеджменту та фінансів.

Академія є членом Європейської асоціації статистичних
університетів та коледжів (EUSA), а також Європейської
ассоциації аудиторських освітніх установ (EAU).

**Прикладна статистика:
проблеми теорії та практики**

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Збірник наукових праць

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Випуск 9

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Науковий збірник статей, присвячений проблемам статистики та
теорії та практики використання статистичних методів в економіці та
менеджменті.

Київ 2011

І.Ф.

УДК 311.173

ББК 60.6

П75

Прикладна статистика: проблеми теорії та практики. Зб. наук. пр. Вип. 9 / Держ. акад. статистики, обліку та аудиту; Ред. кол.: І.І.Пилипенко (голов. ред.) та ін. – К.: ТОВ “Видавничо-поліграфічний дім “Формат”. – 2011. – 492 с.

За точність викладення матеріалу та за достовірність наведених фактів відповідальність покладається на авторів. Наукові праці подаються в авторському викладі.

Рекомендовано до друку Вченого радио Національної академії статистики, обліку та аудиту (протокол № 2 від 26 вересня 2011 р.).

РЕДАКЦІЙНА КОЛЕГІЯ

Редакційна колегія

Пилипенко І.І. доктор економічних наук, професор, заслужений економіст України (головний редактор)

Парfenцева Н.О. доктор економічних наук, професор, заслужений діяч науки і техніки України (заступник головного редактора)

Єременко В.Г. доктор економічних наук, професор, заслужений діяч науки і техніки України

Кадієвський В.А. доктор економічних наук, професор

Попова В.В. доктор економічних наук, доцент

Михайлов В.С. доктор економічних наук, старший науковий співробітник

Осауленко О.Г. доктор наук з державного управління, професор, член-кореспондент НАН України, заслужений економіст України

Цал-Цалко Ю.С. доктор економічних наук, професор

Шевчук В.О. доктор економічних наук, професор

Санкт-Петербурзький державний університет

Установою ВАК України від 16.12.2009 № 1-05/6 збірник

наукових праць “Прикладна статистика: проблеми теорії та практики” внесений до переліку фахових видань, в яких можуть публікуватися результати дисертаційних робіт на здобуття наукових ступенів кандидата і доктора наук (економічні науки, шифр 08).

ISBN 978-966-1617-15-4

© Національна академія статистики, обліку та аудиту, 2011

ПЕРСПЕКТИВИ РОЗВИТКУ СТАТИСТИЧНОЇ ОСВІТИ

О.Г.Осауленко,

доктор наук з державного управління, професор,
член-кореспондент НАН України,
заслужений економіст України,

І.І.Пилипенко,
доктор економічних наук, професор,
заслужений економіст України,

ректор Національної академії статистики, обліку та аудиту,
Я.Я.Карчев,

кандидат технічних наук, доцент,
декан економіко-статистичного факультету,
Національна академія статистики, обліку та аудиту

Статистична освіта завжди залишалася у сфері інтересів Міжнародного інституту статистики (International Statistic Institute – ISI, [1]). Організаційне оформлення діяльності ISI у цьому напрямі відбулося ще у 1949 р. коли в рамках ISI було утворено Комітет зі статистичної освіти, до компетенції якого були віднесені відповідні питання.

З середини 1970-х років, у відповідь на існуючі виклики розвитку статистики, ISI почав приділяти більше уваги питанням викладання статистичних понять на рівні середньої освіти. У цей період в програмах викладання математики в середній школі розпочалося введення понять ймовірності подій та основні методи підготовки, обробки та аналізу статистичних даних.

В зв'язку з цим перед вчителями математики середньої школи постав ряд питань щодо змісту, методичного наповнення та методів викладання загаданих питань на сучасному рівні.

У відповідь на ці виклики Комітет зі статистичної освіти ISI змушений був запровадити у 80-ті роки певні ініціативи. Серед них слід відзначити започаткування видання журналу (“Teaching Statistics” – “Викладання статистики”), існуючого по сей день, який виконує роль форуму для обговорення досвіду практикуючих освітніх, що впроваджують при викладанні різних навчальних дисциплін статистичні поняття та методи.

Журнал виходить тричі на рік [2] і на основі його матеріалів час від часу видаються збірки вибраних методичних питань, вправ та завдань, які акумулюють досвід викладачів від початкової, середньої та середньої

Статистичне вивчення асимптотично критичних процесів експоненційної авторегресії

О.М. Ісаков
кандидат фізико-математичних наук, доцент,
доцент кафедри математичного аналізу та алгебри,
ДЗ "Луганський національний університет імені Тараса Шевченка"

Границні теореми про великих відхилення відіграють важливу роль у математичній статистиці, економіці, теорії інформації, теорії масового обслуговування, статистичній механіці та інших областях. Дані роботи присвячена "трубим" теоремам про великих ухилення для логарифма відношення правдоподібності та їх застосуванню до дослідження асимптотичної поведінки показників якості критеріїв при розрізненні простих гіпотез для сімейств статистичних експериментів.

Нехай $\xi^n = (\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_n)$, $n \geq 2$ – спостереження процесу авторегресії виду

$$\xi_i = \theta \xi_{i-1} + \varepsilon_i, \quad i = 1, 2, \dots, n \quad (1)$$

де $\xi_0 = 0$, $\theta \in (0, \infty)$ – невідомий параметр;

$\varepsilon_1, \varepsilon_2, \dots$ – незалежні однаково розподілені випадкові величини, які мають показниковий розподіл з щільністю $p(x) = e^{-x}$ при $x \geq 0$ і

$p(x) = 0$ при $x < 0$.

Позначимо через \mathbf{P}_θ^n міру, що задає розподіл вектора ξ^n . Розглянемо задачу перевірки двох простих гіпотез H^n і \tilde{H}^n по спостереженню ξ^n , які полягають у тому, що розподіл спостереження ξ^n задається мірами \mathbf{P}_θ^n і $\mathbf{P}_{\tilde{\theta}}^n$ відповідно, де $\theta \neq \tilde{\theta}$.

Логарифм щільності міри \mathbf{P}_θ^n щодо міри $\mathbf{P}_{\tilde{\theta}}^n$ має вигляд

$$\Lambda_n = \begin{cases} (\tilde{\theta} - \theta) \sum_{i=1}^n \xi_i, & \text{якщо } \xi_i > (\tilde{\theta} \vee \theta) \xi_{i-1} \text{ для всіх } i = 1, \dots, n, \\ -\infty, & \text{якщо } \xi_i < (\tilde{\theta} \wedge \theta) \xi_{i-1} \text{ для всіх } i = 1, \dots, n \\ \infty, & \text{або } \xi_i < \tilde{\theta} \xi_{i-1}, \tilde{\theta} > \theta, \quad i = 1, \dots, n, \\ & \text{якщо } \tilde{\theta} \xi_{i-1} < \xi_i < \theta \xi_{i-1}, \tilde{\theta} < \theta, \text{ для всіх } i = 1, \dots, n. \end{cases}$$

Статистичне вивчення асимптотично критичних процесів експоненційної авторегресії

Нехай δ_n – критерій Неймана-Пірсона рівня $\alpha_n \in (0, 1)$ для розрізнення гіпотез H^n і \tilde{H}^n за спостереженнями ξ^n . Тоді

$$\delta_n = I(\Lambda_n > d_n) + q_n I(\Lambda_n = d_n), \quad (2)$$

де $I(A)$ – індикатор множини A ;

$d_n \in (-\infty, \infty)$ і $q_n \in [0, 1]$ – параметри критерію δ_n , що визначаються з умови $E_\theta^n \delta_n = \alpha_n$.

Позначимо через β_n ймовірність помилки 2-го роду критерію δ_n .

Метою роботи є встановлення залежності між швидкостями спадання ймовірностей помилок α_n і β_n при $n \rightarrow \infty$ для критерію Неймана-Пірсона в умовах справедливості теореми про великих відхилення для Λ_n як при гіпотезі H^n , так і при гіпотезі \tilde{H}^n . При цьому будемо використовувати загальну методику вирішення цієї задачі, розвинену в [3-4]. Раніше ця задача розглядалася у випадку, коли θ і $\tilde{\theta}$ не залежать від n [1]. Також в роботі [1] розглянуто випадок, коли θ не залежить від n , а $\tilde{\theta} = \tilde{\theta}_n$ залежить від n , причому $\tilde{\theta}_n \rightarrow \theta$ при $n \rightarrow \infty$. У даній роботі припускаємо, що $\theta = \theta_n$ й $\tilde{\theta} = \tilde{\theta}_n$ залежать від n , причому $\theta_n \rightarrow 1$ і $\tilde{\theta}_n \rightarrow 1$ при $n \rightarrow \infty$.

Результати дослідження. Введемо інтеграл Хеллінгера $H_n(\varepsilon)$ порядку $\varepsilon \in (-\infty, \infty)$ для мір $\mathbf{P}_{\tilde{\theta}}^n$ і \mathbf{P}_θ^n

$$H_n(\varepsilon) = H(\varepsilon; \mathbf{P}_{\tilde{\theta}}^n, \mathbf{P}_\theta^n) = \int_0^\infty \int_0^\infty p_{\tilde{\theta}}^\varepsilon(x_1, \dots, x_n) p_\theta^{1-\varepsilon}(x_1, \dots, x_n) dx_1 \dots dx_n. \quad (3)$$

Вважаємо, що $\theta = \theta_n \rightarrow 1$ і $\tilde{\theta} = \tilde{\theta}_n \rightarrow 1$ при $n \rightarrow \infty$. Наступні теореми дають умови існування границі

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \psi_n^{-1} \ln H_n(\varepsilon) = \kappa(\varepsilon) \quad (4)$$

при різних способах прямування $\theta_n \rightarrow 1$ і $\tilde{\theta}_n \rightarrow 1$ і дають вид функції $\kappa(\varepsilon)$ і нормування ψ_n .

Теорема 1. Нехай $\theta_n = 1 - \Delta_n$, $\Delta_n > 0$ і $\tilde{\theta}_n = 1 - \tilde{\Delta}_n$, $\tilde{\Delta}_n > 0$.

1) Якщо θ_n і $\tilde{\theta}_n$ залежать від n так, щоб $\tilde{\Delta}_n = c\Delta_n$, $0 < c < 1$, $\Delta_n \rightarrow 0$ і $n\Delta_n \rightarrow \infty$ при $n \rightarrow \infty$. Тоді для всіх $\varepsilon \in (-\infty, +\infty)$ існує границя (4), де

Іє О.М.

$$\psi_n = n \quad \text{i} \quad \kappa(\varepsilon) = -\ln \left(1 + \frac{(1-\varepsilon)(1-c)}{c} \right) \quad \text{при} \quad \varepsilon \in \left[0, \frac{1}{1-c} \right] \quad \text{i} \quad \kappa(\varepsilon) = \infty \quad \text{при} \\ \varepsilon \notin \left[0, \frac{1}{1-c} \right].$$

2) Якщо θ_n і $\tilde{\theta}_n$ залежать від n так, щоб $\Delta_n = c\tilde{\Delta}_n$, $0 < c < 1$, $\tilde{\Delta}_n \rightarrow 0$ і $n\tilde{\Delta}_n \rightarrow \infty$ при $n \rightarrow \infty$. Тоді для всіх $\varepsilon \in (-\infty, +\infty)$ існує границя (4), де функція $\kappa(\varepsilon) = -\ln \left(1 + \varepsilon \frac{1-c}{c} \right)$ при $\varepsilon \in \left(-\frac{c}{1-c}, 1 \right]$ і $\kappa(\varepsilon) = \infty$ при $\varepsilon \notin \left(-\frac{c}{1-c}, 1 \right]$.

$$\psi_n = n.$$

Доведення. Розглянемо спочатку випадок, коли $\tilde{\Delta}_n = c\Delta_n$, $0 < c < 1$. Тоді

$$\text{для всіх } \varepsilon \in \left[0, 1 + \left(\left(\tilde{\theta}_n - \theta_n \right) \sum_{j=0}^{n-2} \tilde{\theta}_n^j \right)^{-1} \right)$$

$$\ln H_n(\varepsilon) = - \sum_{i=0}^{n-2} \ln \left(1 + (1-\varepsilon)(1-c)\Delta_n \sum_{j=0}^i (1-c\Delta_n)^j \right). \quad (5)$$

Так як

$$\sum_{j=0}^i (1-c\Delta_n)^j = \frac{1 - (1-c\Delta_n)^{i+1}}{c\Delta_n},$$

то

$$\ln H_n(\varepsilon) = - \sum_{i=0}^{n-2} \ln \left(1 + (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c} (1 - (1-c\Delta_n)^{i+1}) \right). \quad (6)$$

Зауважимо, що для будь-якого $\delta > 0$ існує номер $n_0 = n_0(\delta)$, такий що

$$e^{-c}(1-\delta) < (1-c\Delta_n)^{\frac{1}{\Delta_n}} < e^{-c}(1+\delta), \quad \text{для всіх } n \geq n_0. \quad (7)$$

Знайдемо оцінку знизу і зверху для (6). Отримуємо

$$\sum_{i=1}^{n-1} \ln \left(1 + (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c} (1 - (1-c\Delta_n)^i) \right) \geq \int_0^n \ln \left(1 + (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c} (1 - (1-c\Delta_n)^x) \right) dx, \quad (8)$$

$$\sum_{i=0}^n \ln \left(1 + (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c} (1 - (1-c\Delta_n)^i) \right) \leq \int_1^{n+1} \ln \left(1 + (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c} (1 - (1-c\Delta_n)^x) \right) dx \quad (9)$$

Позначимо через $A = (1-\varepsilon) \frac{1-c}{c}$. Використовуючи (7), з (8) отримуємо

$$\int_0^n \ln \left(1 + A - A(1-c\Delta_n)^x \right) dx > \int_0^n \ln \left(1 + A - A(e^{-c}(1+\delta))^{x\Delta_n} \right) dx.$$

Зробимо заміну $x\Delta_n = y$, тоді маємо

$$\int_0^n \ln \left(1 + A - A(e^{-c}(1+\delta))^{x\Delta_n} \right) dx = \frac{1}{\Delta_n} \int_0^{n\Delta_n} \ln \left(1 + A - A(e^{-c}(1+\delta))^y \right) dy.$$

Так як при $n\Delta_n \rightarrow \infty$ для кожного фіксованого $\varepsilon \in \left[0, \frac{1}{1-c} \right)$

$$\frac{1}{\Delta_n} \int_0^{n\Delta_n} \ln \left(1 + A - A(e^{-c}(1+\delta))^y \right) dy = \frac{1 + o(1)}{\Delta_n} n\Delta_n \ln(1+A) = n(1+o(1)) \ln(1+A). \quad (10)$$

Аналогічно отримуємо оцінку зверху для (9)

$$\begin{aligned} \sum_{i=0}^n \ln \left(1 + A - A(1-c\Delta_n)^i \right) &\leq \frac{1}{\Delta_n} \int_{\Delta_n}^{(n+1)\Delta_n} \ln \left(1 + A - A(e^{-c}(1-\delta))^y \right) dy = \\ &= n(1+o(1)) \ln(1+A). \end{aligned} \quad (11)$$

Таким чином, з (10), (11), враховуючи, що $\varepsilon_+^{(n)} \rightarrow \frac{1}{1-c}$ при $n\Delta_n \rightarrow \infty$, для

всіх $\varepsilon \in \left[0, \frac{1}{1-c} \right)$ отримуємо

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n^{-1} \ln H_n(\varepsilon) = -\ln \left(1 + \frac{(1-\varepsilon)(1-c)}{c} \right).$$

Випадок, коли $\Delta_n = c\tilde{\Delta}_n$, $0 < c < 1$, розглядається аналогічно.

Доведення наступної теореми аналогічне доведенню теореми 1, тому наведемо лише формуловання теореми.

Теорема 2. Нехай $\theta_n = 1 + \Delta_n$, $\tilde{\theta}_n = 1 + \tilde{\Delta}_n$.

1) Якщо $\tilde{\Delta}_n = c\Delta_n$, $\Delta_n > 0$, $-1 < c < 1$ і $\Delta_n \rightarrow 0$, $n\Delta_n \rightarrow \infty$ при $n \rightarrow \infty$.

Тоді для всіх $\varepsilon \in (-\infty, +\infty)$ існує границя (4), де $\psi_n = n$ і

$\kappa(\varepsilon) = -\ln(1-\varepsilon(1-|c|))$ при $\varepsilon \in (0, 1]$ і $\kappa(\varepsilon) = \infty$ при $\varepsilon \notin [0, 1]$.

Іс О.М. Статистичні методи вивчення асимптотично критичних процесів експоненційної авторегресії

2) Якщо $\Delta_n = c\tilde{\Delta}_n$, $\tilde{\Delta}_n > 0$, $-1 < c \leq 1$ і $\tilde{\Delta}_n \rightarrow 0$, $n\tilde{\Delta}_n \rightarrow \infty$ при $n \rightarrow \infty$. Тоді для всіх $\varepsilon \in (-\infty, +\infty)$ існує границя (4), де функція $\kappa(\varepsilon) = -\ln(1-(1-\varepsilon)(1-|\varepsilon|))$ при $\varepsilon \in [0, 1]$ і $\kappa(\varepsilon) = \infty$ при $\varepsilon \notin [0, 1]$, а $\psi_n = n$.

З теорем 1, 2 випливає, що при всіх $\varepsilon \in (-\infty, +\infty)$ існує границя (4), в якій функція $\kappa(\varepsilon)$ строго опукла і диференційована на інтервалі $(\varepsilon_-, \varepsilon_+)$. Для формульовання наступних теорем введемо позначення

$$\gamma_- = \kappa'(\varepsilon_-), \quad \gamma_0 = \kappa'(0), \quad \gamma_1 = \kappa'(1), \quad \gamma_+ = \kappa'(\varepsilon_+),$$

де γ_0 визначено лише при $\tilde{\theta}_n < \theta_n$, а γ_1 – лише при $\tilde{\theta}_n > \theta_n$.

$$\Gamma_0 = \gamma_0 I(\varepsilon_- < 0) + \gamma_1 I(\varepsilon_- = 0), \quad \Gamma_1 = \gamma_1 I(\varepsilon_+ > 1) + \gamma_0 I(\varepsilon_+ = 1).$$

Визначимо через $I(\gamma) = \sup(\varepsilon \gamma - \kappa(\varepsilon))$ перетворення Лежандра-Фенхеля функції $\kappa(\varepsilon)$ [2].

Враховуючи результати теореми 1, отримуємо, що для кожного $\gamma \in (\gamma_-, \gamma_+)$ має місце рівність

$$I(\gamma) = \gamma\varepsilon(\gamma) - \kappa(\varepsilon(\gamma)),$$

де $\varepsilon(\gamma)$ – єдине рішення рівняння $\kappa'(\varepsilon) = \gamma$.

Теорема 3. Справедливі наступні співвідношення:

1) для будь-якого $\gamma \in (\Gamma_0, \Gamma_1)$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln P_\theta^n \left(\frac{\Delta_n}{n} > \gamma \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln P_\theta^n \left(\frac{\Delta_n}{n} \geq \gamma \right) = -I(\gamma);$$

2) якщо $\varepsilon_- < 0$, то для будь-якого $\gamma \in (\gamma_-, \gamma_0)$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln P_\theta^n \left(\frac{\Delta_n}{n} < \gamma \right) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln P_\theta^n \left(\frac{\Delta_n}{n} \leq \gamma \right) = -I(\gamma).$$

Доведення. Достатньо зауважити, що в силу теореми 1 виконується умова (H) з [4] і застосувати теорему 4.1 [4], де $\psi_n = n$.

Наступна теорема встановлює взаємозв'язок між швидкостями спадання рівня α_n і ймовірністю помилки 2-го роду критерію δ_n .

Теорема 4. Вірні такі твердження:

1). для будь-якого $a \in (I(\Gamma_0), I(\Gamma_1))$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \alpha_n = -a \iff \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \beta_n = -b(a),$$

де $b(a) = a - \gamma(a) \in (I(\Gamma_1) - \Gamma_1, I(\Gamma_0) - \Gamma_0)$;

$\gamma(a)$ – єдине рішення рівняння $I(\gamma) = a$ щодо $\gamma \in (\Gamma_0, \Gamma_1)$;

2). для будь-якого $a \in [0, I(\Gamma_0)]$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \alpha_n = -a \Rightarrow \limsup_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \beta_n \leq \Gamma_0 - I(\Gamma_0),$$

а для будь-якого $a \in [I(\Gamma_1), \infty)$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \alpha_n = -a \Rightarrow \liminf_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \beta_n \geq \Gamma_1 - I(\Gamma_1);$$

3). для будь-якого $b \in [0, I(\Gamma_1) - \Gamma_1]$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \beta_n = -b \Rightarrow \limsup_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \alpha_n \leq -I(\Gamma_1),$$

для будь-якого $b \in [I(\Gamma_0) - \Gamma_0, \infty)$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \beta_n = -b \Rightarrow \liminf_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \alpha_n \geq -I(\Gamma_0).$$

Доведення цієї теореми аналогічний доведенню теореми 3.2 [2] і тому опускається.

У даній роботі введено інтеграл Хеллінгера порядку ε для розподілів P_θ^n і P_θ^m . Доведено теореми про поведінку інтеграла Хеллінгера $H_n(\varepsilon)$ при $n \rightarrow \infty$ для різних способів прямування θ_n і $\tilde{\theta}_n$ до 1, отримана теорема про велике відхилення для Λ_n в задачі розрізнення асимптотично критичних процесів експоненціальної авторегресії. На підставі теореми про велике відхилення доведено теорему про залежність між швидкостями спадання ймовірностей помилок α_n і β_n критерію Неймана-Пірсона.

Використані джерела

- Іс О.Н. Теоремы о больших уклонениях в задаче различия процессов экспоненциальной авторегрессии / О.Н.Іс, Ю.Н.Ліньков // Прикладная статистика. Актуарна та фінансова математика. – 2001, №2. – С. 68-79.
- Ліньков Ю.М. Теореми про велике відхилення та їх застосування / Ю.М. Ліньков // Теорія ймовірностей та математична статистика. – 1997. – 57. – С. 96-102.

3. Lin'kov Yu.N. Large deviation theorems for extended random variables in the hypotheses testing problems/Yu.N. Lin'kov //Theory of Stochastic Processes. – 1999. – 5(21), no. 3-4. – P. 137-151.
4. Lin'kov Yu.N. Large deviation theorems in asymptotical statistics/ Yu.N.Lin'kov// Theory of Stochastic Processes. – 1997. - 3(19), no. 1-2. – P. 259-269.

Анотація

Доведено граничні теореми для інтеграла Хеллінгера у задачі розрізнення двох асимптотично критичних процесів експоненційної авторегресії. На підставі цих теорем отримано теореми про великі відхилення для логарифма відношення правдоподібності. Доведено теореми про асимптотичну поведінку ймовірностей помилок критеріїв Неймана-Пірсона.

Аннотация

Доказаны предельные теоремы для интеграла Хеллингера в задаче различия двух асимптотически критических процессов экспоненциальной авторегрессии. На основе этих теорем получены теоремы о больших уклонениях для логарифма отношения правдоподобия. Доказаны теоремы об асимптотическом поведении вероятностей ошибок критериев Неймана-Пирсона.

Summary

Limit theorems for the Hellinger integral are proved in the problem of distinguishing between the two asymptotically critical exponential autoregressive processes. Based on these theorems, the large deviation theorems for logarithm of likelihood ratio are obtained. The theorems about the asymptotic behavior of probabilities of errors of the Neyman-Pearson test are proved.

БАГАТОВИМІРНЕ ОЦІНЮВАННЯ ВІДТВОРЮВАЛЬНОГО ПРОЦЕСУ НАСЕЛЕННЯ АВТОНОМОНОЇ РЕСПУБЛІКИ КРИМ

О.В.Горобець,

кандидат економічних наук,
старший викладач кафедри обліку і аудиту,
Фінансово-економічна академія
Київського університету ринкових відносин

Суттєво впливає на демографічну ситуацію в Україні і нерівномірність соціально-економічного розвитку регіонів. Саме тому існує необхідність розроблення відповідних методик встановлення та оцінки рівня диспропорцій в розвитку окремих територій, які дозволяють підвищити достовірність порівняльного статистичного аналізу з метою усунення причин нерівномірного розвитку. Це надасть можливість обґрунтовувати обсяги державного фінансування регіональних програм, спрямованих на подолання кризових явищ в економіці та суспільстві. Регіональні особливості структурно-динамічних зрушень в соціально-демографічному розвитку України вивчають В.Р.Буранголов, І.В.Дзюба, Н.В.Ковтун, О.І.Кремень, Ю.І.Муромцева, О.М.Палій, О.Г.Рогожин, У.Я.Садова, Н.В.Стрічкова, Р.В.Ціщик, Л.Л.Шамілева, П.С.Шевчук, Т.О.Шматковська.

Депопуляційні процеси, які мають місце в Україні, потребують посилення уваги до таких факторів відтворення, як збільшення очікуваної тривалості життя, поліпшення стану здоров'я, зростання рівня життя, відновлення в суспільстві сімейних, культурних і морально-етичних цінностей. За допомогою статистичних методів є можливість не тільки кількісно вимірювати вплив факторів на відтворення населення, а й надати їм відповідну якісну оцінку.

Багатовимірне оцінювання складових відтворення населення регіону починається з оцінювання зміни чисельності наявного населення. За даними Головного управління статистики в Автономній Республіці Крим, за період 1913-2010 рр. чисельність наявного населення Криму збільшилась на 1236,3 тис. осіб (рис. 1).

Різкі зміни чисельності населення Криму спричинені особливими факторами, пов'язаними, насамперед, із подіями 1944-1956 рр., коли відбулася примусова депортация кримських татар, греків, вірмен, німців, болгар. Переселенська політика владних органів СРСР була складовою частиною землевпоряджувальних робіт, що проводилися на півострові з початку 20-х рр. до здійснення суцільної колективізації села. У цій політиці

Аннотация

Статья посвящена исследованию теоретико-методологических вопросов статистического анализа деятельности банков. Даны характеристика имеющихся методов статистического анализа деятельности банков, определены их преимущества и недостатки, рассмотрены особенности использования рейтингового метода в оценивании надежности банков.

Summary

The article is devoted to study of theoretical, methodological issues related with statistical analysis of the activities of banks. It gives a description of existing methods for statistical analysis of the activities of banks, their advantages and defects are certain, the features of the use of rating method are considered in the evaluation of reliability of banks.



ЗМІСТ

Осауленко О.Г., Пилипенко І.І., Карчев Я.Я. Перспективи розвитку статистичної освіти	3
Парфенцева Н.О., Варнідіс А.В. Історичний аспект розроблення та впровадження національної класифікації видів економічної діяльності.....	10
Калачова І.В. Статистичне вимірювання фінансування науки	27
Матковський С.О., Васьків С.Ф. Статистичний моніторинг зовнішньоекономічної діяльності регіону в контексті євроінтеграційних процесів (на прикладі Львівської області)	35
Кулиннич О.І., Кулиннич Р.О. Оцінка стійкості обмінного курсу валют	44
Данилко В.К., Данилко С.В. Статистична оцінка результативності атмосфераохоронних витрат в Україні	50
Ковтун Н.В., Звірід Н.В. Статистичне оцінювання інтенсивності міграції робочої сили в західному регіоні України	57
Гладун О.М., Хвалинська В.В. Підходи до оцінки якості класифікації у кластерному аналізі	68
Попова В.В. Система показників для статистичної ідентифікації теоретичної концепції економічного розвитку Й.А.Шумпетера.....	78
Бараник З.П., Фед'ко Я.В. Інформаційно-аналітичне забезпечення управління розвитком металургійних підприємств регіону	89
Сбітнев А.І., Козлов В.В. Систематизація та загальний аналіз сучасного стану прикладних задач розподілу зв'язаних ресурсів і методів їх розв'язку	96
Бакурова А.В., Діденко А.В. Визначення податкового потенціалу від сфери туристичної діяльності	104
Єлісєєва О.К., Гарькова Є.В. Аналіз дій монетарного трансмісійного механізму в Україні	115

ЗМІСТ

Момотюк Л.Є.

Формування та удосконалення показників статистики фінансового ринку 123

Товмаченко Н.М., Січкарь І.М.

Розробка дистанційного курсу "Інформаційні системи і технології в статистиці" з використанням ПСП SPSS в СДН "ПРОМЕТЕЙ" 129

Гончар О.В.

Забезпечення якості процесів виробництва статистичної інформації 134

Потапова М.Ю.

Динаміка втрат економік країн від безробіття за 2005-2010 роки: міжнародні зіставлення 142

Пузанова Т.М.

Молочне виробництво: проблеми, перспективи 151

Шишкін В.С.

Статистична оцінка регіональної диференціації населення України за рівнем життя 160

Попов В.Ю.

Взаємозв'язок показників безробіття та норми участі робочої сили 170

Єршова О.Л.

Нормативна база статистичного моніторингу інформаційного суспільства: сучасний стан та проблеми 178

Ільїч Л.М.

Специфіка європейського та вітчизняного безробіття у період світової рецесії 2008 – 2009 рр.: порівняльний аналіз 188

Рудич О.А.

Інформаційне забезпечення гендерної політики в Україні 200

Жукович І.А., Рижкова Ю.О.

Становлення статистики науки: зарубіжний та національний досвід 208

Михайліюк Н.О.

Проблеми організації вибіркових обстежень при оцінці автомобільних вантажних перевезень 215

Жилінкова М.М.

Статистична характеристика напрямків розвитку відсталих регіонів України 220

Бульчак Т.М.

Визначення принципових підходів до порядку розрахунку місячних індексів фізичного обсягу оптового товарообороту 225

Карчева Г.Т.

Статистичні методи оцінки впливу територіальної концентрації банківської системи на соціально-економічний розвиток регіонів 232

Лумпова Т.І.

Проблеми впровадження сервісно-орієнтованої архітектури для GSBPM-моделі 240

Головач Н.А.

Деякі аспекти статистичного дослідження інтенсифікації економічного зростання 250

Рязанцева В.В.

Практичні аспекти кредитної політики банків 256

Задорожна Р.П.

Статистичний аналіз розвитку ринку послуг з недержавного пенсійного забезпечення в Україні 262

Іс О.М.

Статистичне вивчення асимптотично критичних процесів експоненційної авторегресії 272

Горобець О.В.

Багаторівневе оцінювання відтворювального процесу населення Аутономної Республіки Крим 279

Гнатик Я.Б.

Роль статистичних класифікацій у дослідженні ринку автотранспортних послуг 287

Нестерчук І.В.

Методологічні аспекти проведення гендерного дослідження 296

Голубова Г.В.

Статистичний моніторинг транзитних вантажопотоків Україною 300

Зірко О.В.

Методичний підхід до аналізу рівня та структури безробіття в Україні 309

Колеснік Я.В.

Оцінювання стану та аналіз тенденцій формування капіталу банків 319

ЗМІСТ

Хільченко А.М.	Характеристика сучасних інформаційних систем діагностики банкрутства.....	326
Плескач В.Ю.	Методичні підходи до перевірки адекватності статистичних моделей.....	332
Хомяк О.Д.	Сільське господарство Волині за роки незалежності: аналітичний огляд	339
Бондарук І.С.	Оцінка ролі системи пенсійного забезпечення в економіці соціальної держави	344
Кирик О.Ф.	Статистичний аналіз взаємозалежності економічного розвитку та зовнішньої торгівлі України у економічний докризовий та кризовий періоди (2001 – 2010 рр.).....	350
Карчева І.Я.	Нові підходи до статистичної звітності банків в умовах активізації інноваційної діяльності	356
Ковалевський Ю.А.	Статистичне оцінювання впливу соціально-економічних факторів на попит та пропозицію робочої сили	363
Огінська А.Г.	Розвиток і становлення статистики лісокористування в Україні.....	368
Сотнікова Л.В.	Принципи побудови бази метаданих статистичних показників щодо інвестицій.....	375
Калініченко О.В.	Система статистичних показників діяльності підприємств автомобільного транспорту	382
Іванова Т.М.	Оцінка внеску малого бізнесу в розвиток економіки регіону: статистичний аспект	390
Нагорна Т.В.	Методологічні засади створення системи інформаційного забезпечення статистичного вивчення страхового ринку України.....	400

Горна М.О.

Теоретичні засади статистичного вивчення соціального страхування в Україні	405
--	-----

Ярош К.М.

Суверенний кредитний рейтинг як оцінка платоспроможності країни	410
---	-----

Дворнік М.О.

Проблеми статистичного спостереження деструктивних явищ у розвитку інформаційного суспільства	416
---	-----

Лазебник Ю.О.

Статистичний інструментарій оцінки ефективності функціонування підприємств в Україні	421
--	-----

Лущик Л.В.

Неоднозначність розв'язку у процедурі факторного аналізу	429
--	-----

Шишкіна Л.Я.

Оцінка впливу трудових міграцій на соціально-економічний розвиток західного регіону України	436
---	-----

Коваленко М.А.

Проблеми кредитування малого бізнесу в Україні	444
--	-----

Босенко О.С.

Моделювання та оптимізація використання земельних ресурсів	449
--	-----

Петросян В.О.

Інформаційні системи у статистиці	456
---	-----

Науменко А.В.

Споживче кредитування в Україні: огляд ринку та практики	463
--	-----

Сафонова К.В.

Управління ризиками в ситуаційному менеджменті. Статистичний метод оцінки ризиків	472
---	-----

Комарова А.К.

Теоретико-методологічні аспекти статистичного вивчення діяльності банків	478
--	-----

ЗМІСТ

.....	485
-------	-----